



basic education

Department:
Basic Education
REPUBLIC OF SOUTH AFRICA

SENIORSERTIFIKAAT-EKSAMEN/ NASIONALE SENIORSERTIFIKAAT-EKSAMEN

WISKUNDE V2

MEI/JUNIE 2025

PUNTE: 150

TYD: 3 uur

Hierdie vraestel bestaan uit 13 bladsye en 1 inligtingsblad.

INSTRUKSIES EN INLIGTING

Lees die volgende instruksies aandagtig deur voordat die vrae beantwoord word.

1. Hierdie vraestel bestaan uit 10 vrae.
2. Beantwoord AL die vrae in die SPESIALE ANTWOORDEBOEK wat verskaf word.
3. Dui ALLE berekeninge, diagramme, grafieke, ens. wat jy in die beantwoording van die vrae gebruik, duidelik aan.
4. Slegs antwoorde sal NIE noodwendig volpunte verdien NIE.
5. Jy mag 'n goedgekeurde wetenskaplike sakrekenaar gebruik (nieprogrammeerbaar en niegrafies), tensy anders vermeld.
6. Indien nodig, rond antwoorde tot TWEE desimale plekke af, tensy anders vermeld.
7. Diagramme is NIE noodwendig volgens skaal geteken NIE.
8. 'n Inligtingsblad met formules is aan die einde van die vraestel ingesluit.
9. Skryf netjies en leesbaar. ...

VRAAG 1

'n Versekeringsmakelaar het kontrakte met 15 mense onderteken. Die maandelikse premie (in rand) betaalbaar op elke kontrak word hieronder gegee.

134	215	325	326	362	429	515	531	598	610	624	728	923	1 034	1 200
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-------	-------

1.1 Bereken die gemiddeld van die data. (2)

1.2 Skryf die standaardafwyking van die data neer. (1)

1.3 Bereken hoeveel maandelikse premies binne EEN standaardafwyking van die gemiddeld lê. (2)

1.4 Die versekeringsmaatskappy het besluit om die maandelikse premies te verhoog.

- Maandelikse premies wat minder as R500 was, is met 18% verhoog
- Maandelikse premies wat gelyk aan of meer as R500 was, is met k % verhoog

Ná hierdie verhogings op die data hierbo toegepas is, was die nuwe gemiddelde maandelikse premie R686,44. Bereken die waarde van k .

(4)
[9]

VRAAG 2

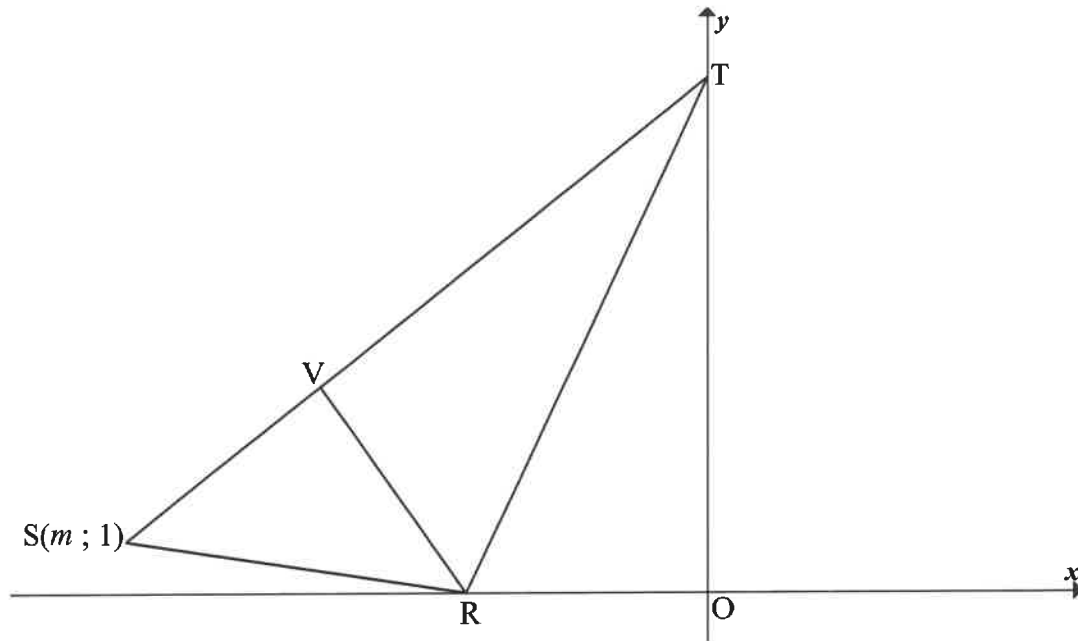
Die bestuurder van 'n supermark het besluit om 'n opname te doen van die getal items wat 'n klant aanlyn bestel het en die tyd (in minute) wat dit 'n pakker geneem het om die bestelling vir aflewering gereed te kry. Die supermark het op 'n sekere dag 10 aanlyn bestellings ontvang. Die inligting vir hierdie 10 bestellings word in die tabel hieronder getoon.

Getal items (x)	10	3	20	14	17	9	12	18	15	19
Tyd (in minute) (y)	5	5	9	7	6	6	8	11	10	12

- 2.1 Teken 'n spreidiagram op die rooster wat in die ANTWOORDEBOEK verskaf word. (3)
- 2.2 Bepaal die vergelyking van die kleinstekwadrate-regressielyn. (3)
- 2.3 Skryf die korrelasiekoëffisiënt van die data neer. (1)
- 2.4 Die supermark het 'n aanlyn bestelling vir 13 items gekry. Voorspel hoe lank (in minute) dit 'n pakker sal neem om die bestelling te verpak en vir aflewering gereed te kry. (2)
- 2.5 Verduidelik waarom die y -afsnit van die kleinstekwadrate-regressielyn in VRAAG 2.2 NIE in hierdie konteks sin maak NIE. (1)
- [10]**

VRAAG 3

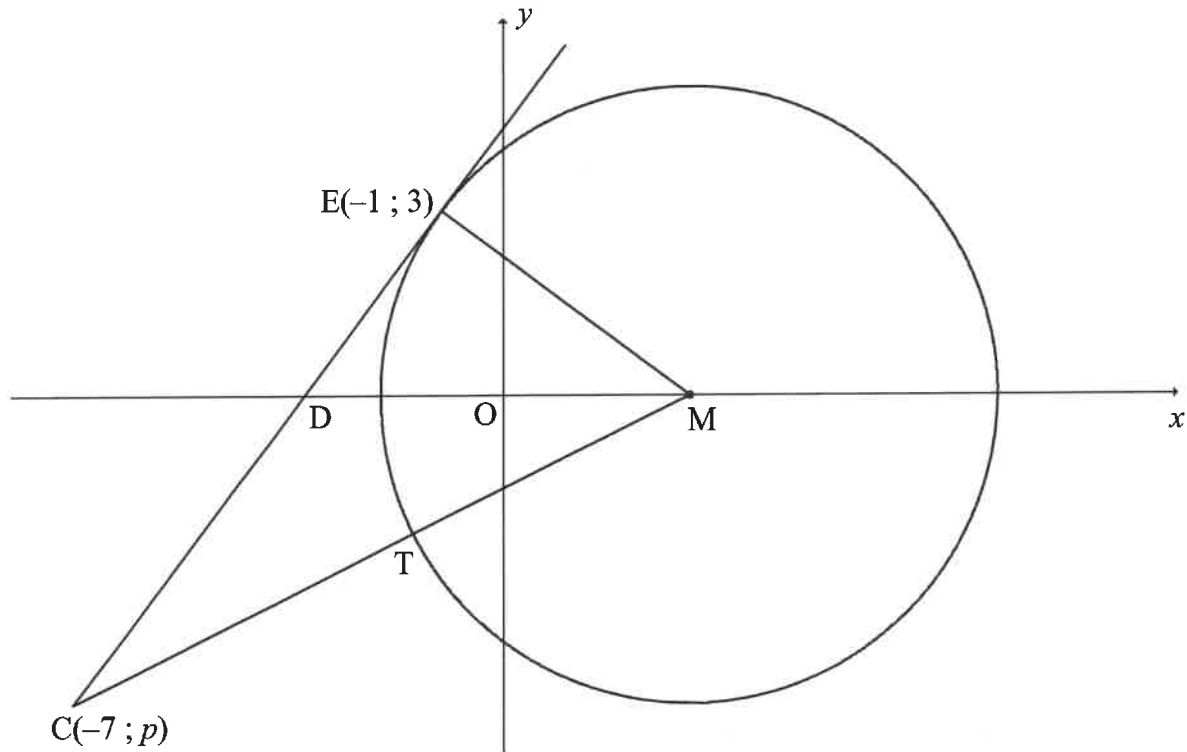
In die diagram hieronder is $\triangle SRT$ geteken waar R op die x -as lê en S links van R lê. T lê op die y -as en die koördinate van S is $(m; 1)$. Die vergelyking van RT is $2x - y + 10 = 0$.



- 3.1 Bereken die koördinate van R . (2)
- 3.2 Bereken die lengte van RT . Laat jou antwoord in wortelvorm. (3)
- 3.3 Indien dit ook gegee word dat $2RT^2 = 5SR^2$, bereken die waarde van m . (4)
- 3.4 Daar word verder gegee dat V op ST lê sodat VR loodreg op ST is. Bepaal die vergelyking van VR in die vorm $y = mx + c$. (5)
- 3.5 Toon vervolgens dat die koördinate van V $(-8; 4)$ is. (2)
- 3.6 Indien R' die refleksie van R om die lyn $x = 0$ is, bereken die oppervlakte van $RVTR'$. (5)
- [21]**

VRAAG 4

In die diagram is M die middelpunt van die sirkel met vergelyking $(x-3)^2 + y^2 = 25$. $E(-1; 3)$ en T is punte op die sirkel. EC is 'n raaklyn aan die sirkel by E en sny die x -as by D . $ED = \frac{15}{4}$ eenhede. MT is verleng om die raaklyn by $C(-7; p)$ te ontmoet.



- 4.1 Skryf die grootte van $\hat{CEM}$ neer. (1)
- 4.2 Bepaal die vergelyking van die raaklyn EC in die vorm $y = mx + c$. (4)
- 4.3 Bereken die lengte van DM . (3)
- 4.4 Toon dat $p = -5$. (1)
- 4.5 Bereken die koördinate van S indien $SEMC$ 'n parallelogram is en $x_s < 0$. (3)
- 4.6 Indien die radius van die sirkel, met middelpunt M , met 7 eenhede verleng word, bepaal of S binne of buite die nuwe sirkel lê. Staaf jou antwoord met die nodige berekeninge. (3)
- 4.7 Indien ET geteken word, bereken die grootte van $\hat{ETM}$. (5)

[20]

VRAAG 5

- 5.1 Indien $\cos \theta = -\frac{5}{13}$, waar $180^\circ < \theta < 360^\circ$, bepaal, **sonder die gebruik van 'n sakrekenaar**, die waarde van:

5.1.1 $\sin^2 \theta$ (3)

5.1.2 $\tan(360^\circ - \theta)$ (2)

5.1.3 $\cos(\theta - 135^\circ)$ (4)

- 5.2 Vereenvoudig die uitdrukking tot 'n enkele trigonometriese term:

$$\frac{2 \cos(180^\circ - x) \sin(-x)}{1 - 2 \cos^2(90^\circ - x)} \quad (6)$$

- 5.3 Bereken die waarde van die volgende uitdrukking **sonder die gebruik van 'n sakrekenaar**: $(\tan 92^\circ)(\tan 94^\circ)(\tan 96^\circ) \dots (\tan 176^\circ)(\tan 178^\circ)$ (4)

[19]

VRAAG 6

- 6.1 Bewys dat $2 \cos^2(45^\circ + x) = 1 - \sin 2x$. (4)

- 6.2 Beskou die uitdrukking: $\sin(A - B) - \sin(A + B)$

6.2.1 Bewys dat $\sin(A - B) - \sin(A + B) = -2 \cos A \sin B$. (2)

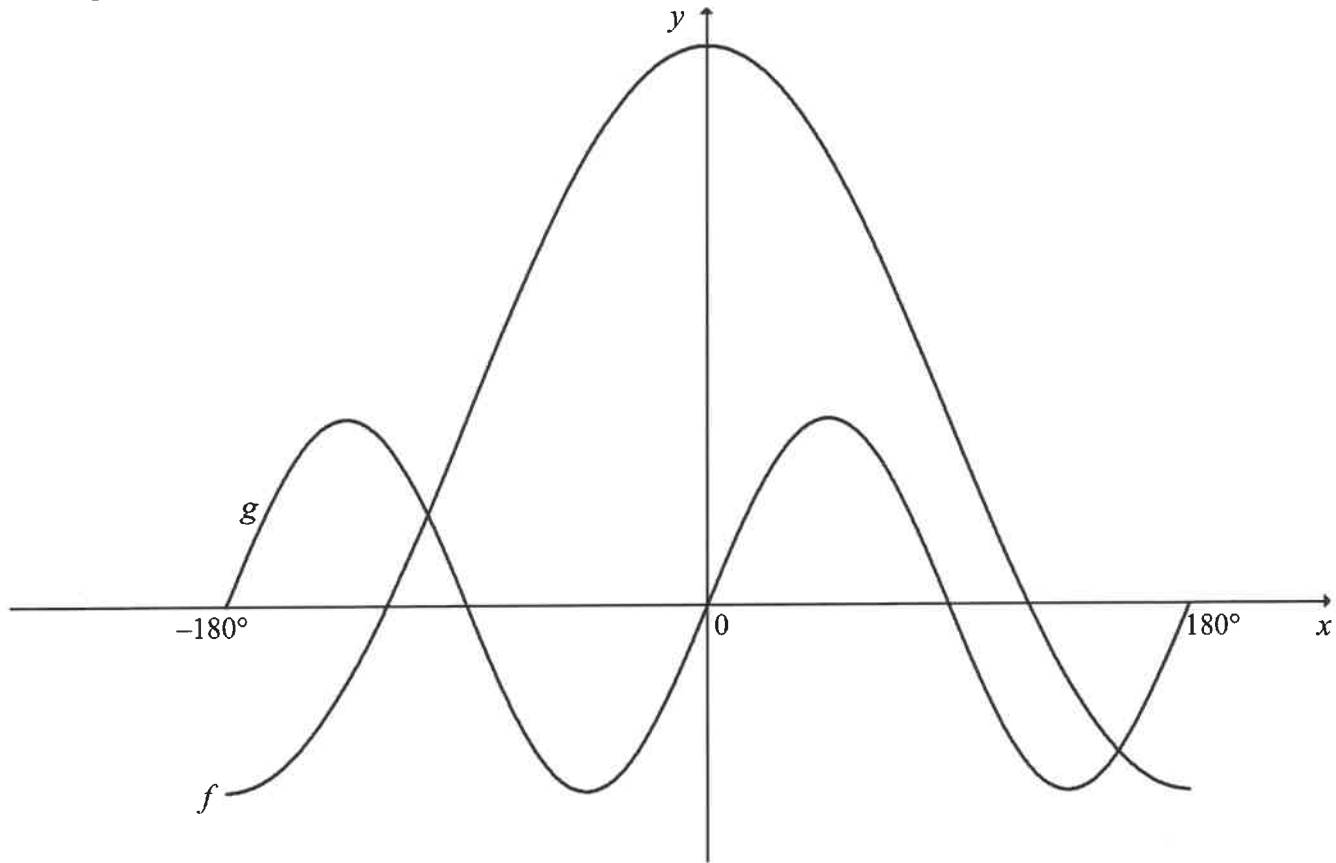
6.2.2 Vereenvoudig die volgende uitdrukking tot 'n enkele term: $\sin 4x - \sin 10x$ (2)

6.2.3 Bepaal vervolgens die oplossing vir $\sin 4x - \sin 10x = \sin 3x$ vir $x \in [0^\circ; 30^\circ]$. (5)

[13]

VRAAG 7

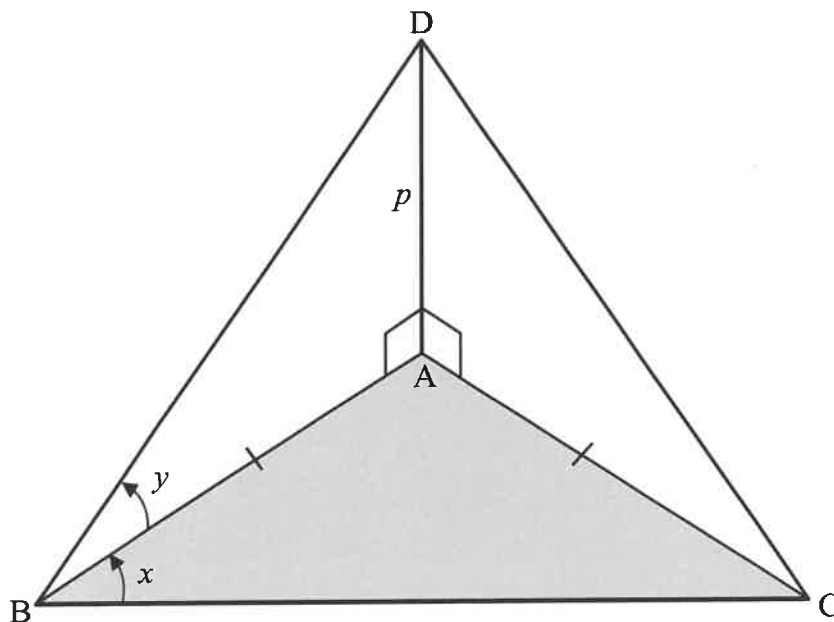
In die diagram is die grafieke van $f(x) = 2 \cos x + 1$ en $g(x) = \sin 2x$ geteken vir die interval $x \in [-180^\circ; 180^\circ]$.



- 7.1 Skryf die waardeversameling van f neer. (1)
- 7.2 Skryf die periode van g neer. (1)
- 7.3 Vir watter waardes van x , in die interval $x \in [-180^\circ; 180^\circ]$, is f stygend? (1)
- 7.4 Gebruik die grafieke om die waardes van x in die interval $x \in [-180^\circ; 180^\circ]$ te bepaal, waarvoor:
- 7.4.1 $g(x) \cdot f'(x) < 0$ (2)
- 7.4.2 $\cos x \leq -\frac{1}{2}$ (3)
- 7.5 Grafiek g word 45° na regs geskuif om 'n nuwe grafiek h te verkry. Bepaal die vergelyking van h in sy eenvoudigste vorm. (2)
- [10]**

VRAAG 8

In die diagram lê A, B en C in dieselfde horisontale vlak met $AB = AC$. D is direk bo A sodanig dat $2AD = BC$. Net so $AD = p$, $\hat{ABC} = x$ en $\hat{DBA} = y$.



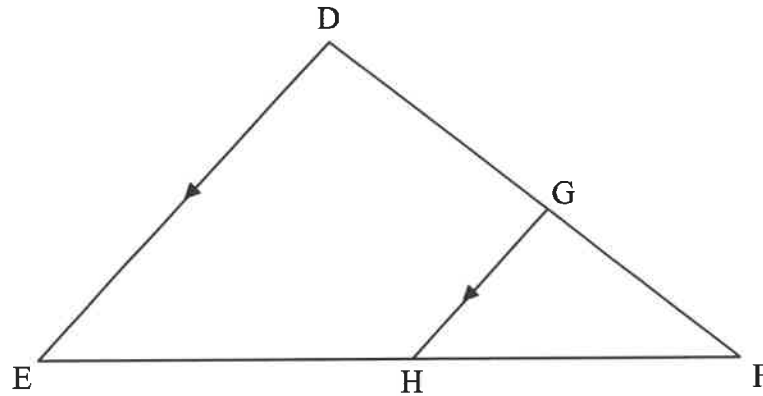
- 8.1 Bepaal AB in terme van p en y . (2)
- 8.2 Toon dat $\cos x = \tan y$. (4)
- 8.3 Indien $x = 60^\circ$, bereken die grootte van y . (2)

[8]

Gee redes vir jou bewerings in VRAAG 9 en 10.

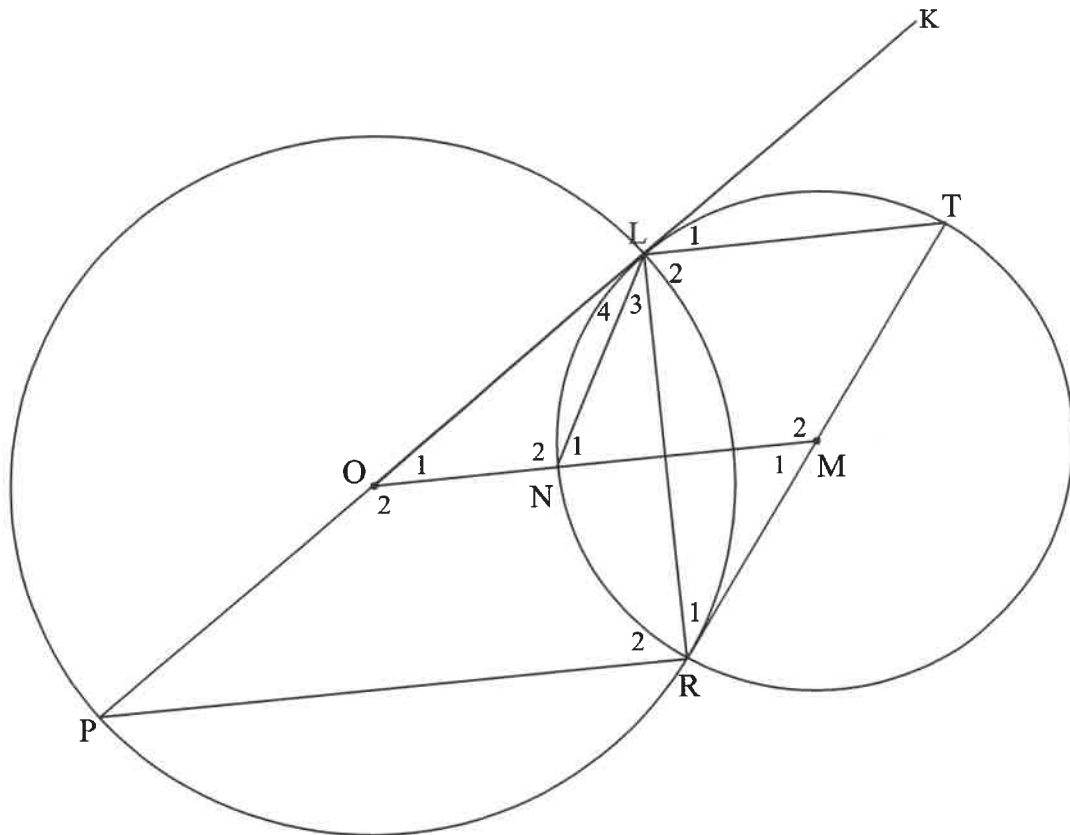
VRAAG 9

- 9.1 In die diagram is $\triangle DEF$ geteken. Lyn GH sny DF en EF by G en H onderskeidelik, sodat $GH \parallel DE$ en $\frac{GF}{DG} = \frac{2}{5}$.



- 9.1.1 Skryf, met 'n rede, die waarde van $\frac{HF}{EH}$ neer. (2)
- 9.1.2 Indien $EF = 21$ cm, bereken die lengte van EH. (2)
- 9.1.3 Skryf 'n driehoek neer wat gelykvormig aan $\triangle FGH$ is. (1)
- 9.1.4 Bereken vervolgens die waarde van $\frac{GH}{DE}$. (2)

- 9.2 In die diagram is POL 'n middellyn van die groter sirkel met middelpunt O . TMR is 'n middellyn van die kleiner sirkel met middelpunt M . Die twee sirkels sny mekaar by L en R . PLK is 'n raaklyn aan die kleiner sirkel by L en TR is 'n raaklyn aan die groter sirkel by R . OM sny die kleiner sirkel by N . Reguitlyne LT , LR , LN en PR is getrek.

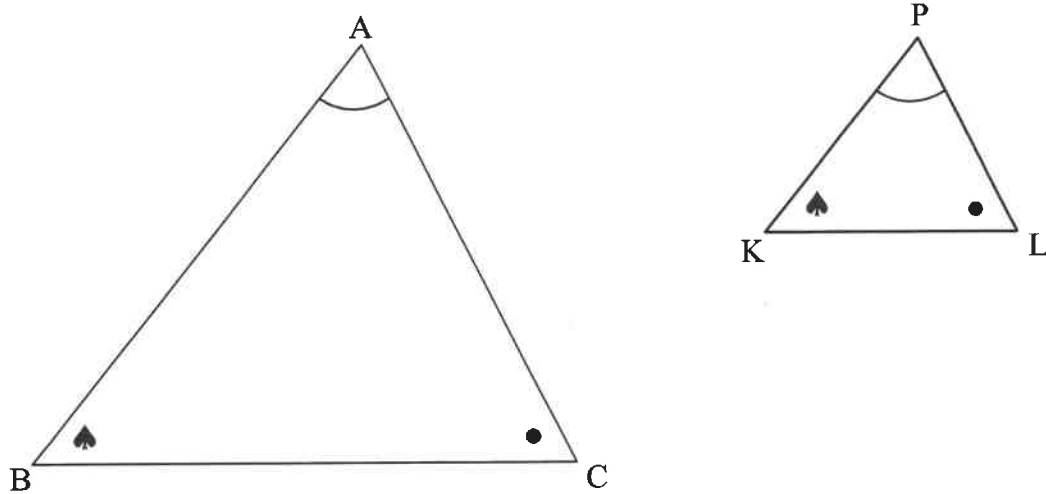


Bewys, met redes, dat:

- 9.2.1 $LT \parallel PR$ (4)
- 9.2.2 $LORM$ 'n koordevierhoek is, indien dit ook gegee word dat $LT \parallel OM$ (5)
- 9.2.3 LN halveer $O\hat{L}R$ (4)
- [20]

VRAAG 10

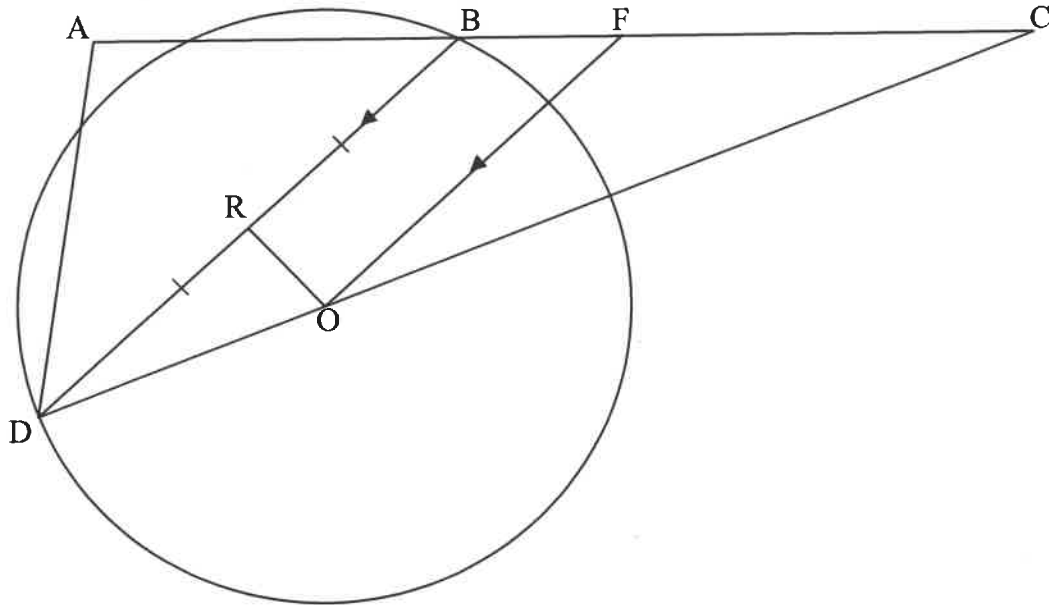
10.1 In die diagram is $\triangle ABC$ en $\triangle PKL$ geteken sodat $\hat{A} = \hat{P}$, $\hat{B} = \hat{K}$ en $\hat{C} = \hat{L}$.



Gebruik die diagram in die ANTWOORDEBOEK om die stelling te bewys wat beweer dat indien twee driehoeke gelykhoekig is, dan is die ooreenstemmende syeweredig, d.i. dat $\frac{AB}{PK} = \frac{AC}{PL}$.

(6)

- 10.2 In die diagram is O die middelpunt van die sirkel. Punte D en B lê op die sirkel. A en C is punte buite die sirkel sodanig dat sy AC van $\triangle ADC$ deur B gaan. F is 'n punt op BC sodanig dat $FO \parallel BD$. $DR = RB$ en RO is getrek.



- 10.2.1 Bewys, met redes, dat $\triangle CFO \parallel \triangle CBD$. (3)
- 10.2.2 Indien dit gegee word dat $\angle RDO = \angle FCO$, toon, met redes, dat $OF \cdot CD = CO \cdot BC$ (2)
- 10.2.3 Daar word verder gegee dat $DC = 19,2$ eenhede, $BD = 12$ eenhede en $\frac{RO}{RD} = \frac{3}{4}$
Bewys, met redes, dat $BF = \frac{75}{16}$ (6)
- 10.2.4 Bereken die grootte van $\angle ABD$. (3)

[20]

TOTAAL: 150

INLIGTINGSBLAD: WISKUNDE

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$A = P(1 + ni)$$

$$A = P(1 - ni)$$

$$A = P(1 - i)^n$$

$$A = P(1 + i)^n$$

$$T_n = a + (n-1)d$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}; r \neq 1$$

$$S_\infty = \frac{a}{1 - r}; -1 < r < 1$$

$$F = \frac{x[(1+i)^n - 1]}{i}$$

$$P = \frac{x[1 - (1+i)^{-n}]}{i}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$$

$$y = mx + c$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \tan \theta$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$$

In $\triangle ABC$:

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$$\text{area } \triangle ABC = \frac{1}{2} ab \sin C$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$\cos 2\alpha = \begin{cases} \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha \\ 1 - 2\sin^2 \alpha \\ 2\cos^2 \alpha - 1 \end{cases}$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

$$P(A \text{ of } B) = P(A) + P(B) - P(A \text{ en } B)$$

$$\hat{y} = a + bx$$

$$b = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sum (x - \bar{x})^2}$$